

Mathématiques			Devoir de contrôle n°1	
Lycée Pilote Monastir				
2 ^{ème} SC 2	Mercredi 19-10-2011	Durée : 1 heure	Prof : Yacoubi Hamda	

Exercice 1 : (3 points)

Cocher la réponse exacte (aucune justification n'est demandée)

1) Si (\vec{i}, \vec{j}) est une base de l'ensemble des vecteurs du plan et $\vec{u} \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix}_{(\vec{i}, \vec{j})}$ alors

Les composantes de \vec{u} dans la base $(-\vec{j}, 2\vec{i})$ sont :

a) $\begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$ b) $\begin{pmatrix} -3 \\ 1 \end{pmatrix}$ c) $\begin{pmatrix} 3 \\ 1 \end{pmatrix}$

2) Si a et b sont deux réels tel que $|a| < 1$ et $|b| < 1$ alors :

a) $|a + b| \leq 2$ b) $0 \leq ab < 1$ c) $\frac{a + b}{1 + ab} < \frac{1}{2}$

3) L'ensemble des solutions dans \mathbb{R} de l'inéquation $\sqrt{2 - x} \geq \sqrt{2x - 1}$ est :

a) $]-\infty; 1]$ b) $\left[\frac{1}{2}; 1\right]$ c) $\left[\frac{1}{2}; +\infty\right[$

Exercice 2 : (8 points)

Soit une droite Δ du plan, munie d'un repère (O, \vec{i})

1) Placer les points A, B et C de Δ d'abscisses respectives -2 ; 2 et 4

2) Soit M un point de Δ d'abscisse x .

a) Interpréter chacune des valeurs absolues suivantes en termes de distance

$|x + 2|$, $|-2x + 8|$ et $|x - 2|$

b) Montrer que pour tous réels x et y on a $x^2 + y^2 \geq 2xy$

c) En déduire l'ensemble des points M de Δ tel que : $MA^2 + MB^2 \geq 2MA \cdot MB$

3) Déterminer l'ensemble des points N du plan tel que $\|\vec{NA} + \vec{NB}\| = \|-2\vec{NC}\|$

Exercice 3 : (9 points)

On considère dans le plan muni d'un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j})

Les points A(1,3), B(4,2) et C (-1,-3)

* Faire une figure

1) Montrer que (\vec{AB}, \vec{AC}) est une base orthogonale de l'ensemble des vecteurs du plan.

2) Soit M le point d'intersection de la droite (BC) et l'axe des abscisses

Déterminer par le calcul les coordonnées de M dans le repère (O, \vec{i}, \vec{j})

3) Soit H le projeté orthogonal de M sur la droite (AC)

a) Montrer que $CH = 2 HM$. Déduire alors que $HM = 3\sqrt{\frac{2}{5}}$

b) Déterminer l'aire du trapèze AHMB